

Apellido y nombres del alumno:.....

Corrigió:..... Revisó:.....

La condición para aprobar este parcial es tener bien resuelto el 50 % del parcial

1	2	3	4	5	CALIFICACIÓN

**IMPORTANTE:** usted debe presentar en las hojas que entrega, el desarrollo de todos los ejercicios, para justificar sus respuestas.

- 1) Analizar si las afirmaciones siguientes son verdaderas (V) o falsas (F).

**Justificar las respuestas**

a) La integral  $\int_0^{\infty} \frac{dx}{e^x + e^{-x}}$  es convergente

b)  $\int_{-\pi/2}^{\pi/2} x^3 \cos^4 x \cdot dx = 0$

- 2) Determinar y clasificar los puntos de discontinuidad de la función:

$$f(x) = (x+2) \operatorname{arctg} \frac{1}{4-x^2}$$

- 3) Determinar las coordenadas de los vértices de un triángulo isósceles de máxima área tal que uno de sus vértices sea el origen de coordenadas y los otros dos se encuentren en puntos simétricos de la curva  $x = 36 - y^2$  con  $-6 < y < 6$

4) a) Determinar la función  $f$  tal que  $f'(x) = \frac{\ln(x+3)}{(x+3)}$  y  $f(-2) = 1$

b) Hallar el Polinomio de Taylor de grado 2 asociado a  $G(x)$  en  $x=1$ . Siendo:  $G(x) = \int_{-1}^x \frac{t^3}{t^4+1} dt$

5) a) Si  $f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^{n+1}}{(n+1)^2}$ , a) Determinar el intervalo de convergencia en la cual la serie converge.

b) Indique el sentido de la concavidad de la gráfica de  $f$  en  $x=0$ . Justifique.